Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

Macroeconomic Implications of Changes in the Term Premium

Glenn D. Rudebusch¹ Brian P. Sack² Eric T. Swanson¹

¹Economic Research Federal Reserve Bank of San Francisco

²Macroeconomic Advisers

AEA Meetings, Chicago January 6, 2007

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis 000	Conclusions 00
Web Site			

For additional information:

- a copy of these slides
- a copy of the paper
- related papers
- computer code
- etc.

visit http://www.ericswanson.pro

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Long-Term Interest Rates Very Low in 2004-5

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

Long-Term Interest Rates Very Low in 2004-5

Long-term interest rates have trended lower in recent months even as the Federal Reserve has raised the level of the target federal funds rate by 150 basis points... For the moment, the broadly unanticipated behavior of world bond markets remains a conundrum.

Alan Greenspan, February 2005

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

Long-Term Interest Rates Very Low in 2004-5

Long-term interest rates have trended lower in recent months even as the Federal Reserve has raised the level of the target federal funds rate by 150 basis points... For the moment, the broadly unanticipated behavior of world bond markets remains a conundrum.

Alan Greenspan, February 2005

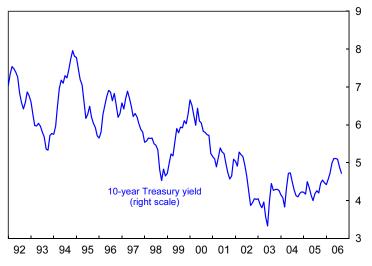
Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Long-Term Interest Rates Very Low in 2004-5

Yield on 10-Year US Treasury Securities and Federal Funds Rate



・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

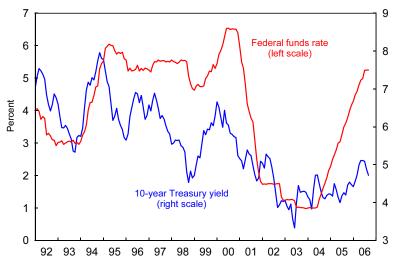
Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Long-Term Interest Rates Very Low in 2004-5





< □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Term Premium Also Unusually Low in 2004-5

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

Term Premium Also Unusually Low in 2004-5

A significant portion of the sharp decline in the ten-year forward one-year rate over the past year appears to have resulted from a fall in term premiums.

Alan Greenspan, July 2005

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Term Premium Also Unusually Low in 2004-5

A significant portion of the sharp decline in the ten-year forward one-year rate over the past year appears to have resulted from a fall in term premiums.

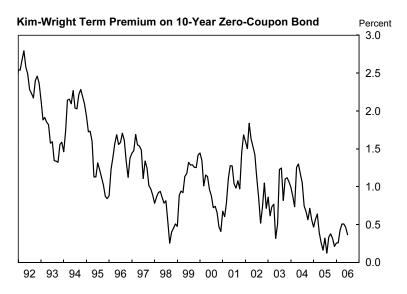
Alan Greenspan, July 2005



 Background/Motivation
 Structural Analysis
 Reduced-Form Analysis
 Conclusions

 0000000
 0000000
 000
 000
 000

Term Premium Also Unusually Low in 2004-5



Background/Motivation	
00000000	

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

<□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Two Questions

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Two Questions			

What are the macroeconomic implications of a change in the term premium?

◆□▶ ◆□▶ ◆∃▶ ◆∃▶ ④□ ● ● ●

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Two Questions			

What are the macroeconomic implications of a change in the term premium?

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ 三回日 のQ@

How should monetary policy respond to a change in the term premium?

Reduced-Form Analysis

Conclusions

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

The Practitioner View

To the extent that the decline in forward rates can be traced to a decline in the term premium.... the effect is financially stimulative and argues for greater monetary policy restraint, all else being equal. Specifically, if spending depends on long-term interest rates, special factors that lower the spread between short-term and long-term rates will stimulate aggregate demand. Thus, when the term premium declines, a higher short-term rate is required to obtain the long-term rate and the overall mix of financial conditions consistent with maximum sustainable employment and stable prices.

Ben Bernanke, March 2006

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

The Practitioner View

To the extent that the decline in forward rates can be traced to a decline in the term premium.... the effect is financially stimulative and argues for greater monetary policy restraint, all else being equal. Specifically, if spending depends on long-term interest rates, special factors that lower the spread between short-term and long-term rates will stimulate aggregate demand. Thus, when the term premium declines, a higher short-term rate is required to obtain the long-term rate and the overall mix of financial conditions consistent with maximum sustainable employment and stable prices.

Ben Bernanke, March 2006

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

The Practitioner View

To the extent that the decline in forward rates can be traced to a decline in the term premium.... the effect is financially stimulative and argues for greater monetary policy restraint, all else being equal. Specifically, if spending depends on long-term interest rates. special factors that lower the spread between short-term and long-term rates will stimulate aggregate demand. Thus, when the term premium declines, a higher short-term rate is required to obtain the long-term rate and the overall mix of financial conditions consistent with maximum sustainable employment and stable prices.

Ben Bernanke, March 2006

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Foundations of Practitioner/Chairman View Unclear

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Solving forward:

$$y_t = -\frac{1}{\gamma} E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j (i_{t+j} - \pi_{t+1+j}) + \varepsilon_t$$

◆□ > ◆□ > ◆豆 > ◆豆 > 三日 のへで

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Solving forward:

$$y_t = -\frac{1}{\gamma} E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j (i_{t+j} - \pi_{t+1+j}) + \varepsilon_t$$

◆□ > ◆□ > ◆豆 > ◆豆 > 三日 のへで

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Solving forward:

$$y_t = -\frac{1}{\gamma} E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j (i_{t+j} - \pi_{t+1+j}) + \varepsilon_t$$

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ 三回▲ のの⊙

Note: no role for the term premium in this model

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Solving forward:

$$y_t = -\frac{1}{\gamma} E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j (i_{t+j} - \pi_{t+1+j}) + \varepsilon_t$$

Note: no role for the term premium in this model Instead, practitioners' model may be more informal:

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Solving forward:

$$y_t = -\frac{1}{\gamma} E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j (i_{t+j} - \pi_{t+1+j}) + \varepsilon_t$$

Note: no role for the term premium in this model

Instead, practitioners' model may be more informal:

IS-LM intuition

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
00000000			

New Keynesian IS curve (linearized):

$$\mathbf{y}_t = \beta \mathbf{E}_t \mathbf{y}_{t+1} - \frac{1}{\gamma} (\mathbf{i}_t - \mathbf{E}_t \pi_{t+1}) + \varepsilon_t$$

Solving forward:

$$y_t = -\frac{1}{\gamma} E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j (i_{t+j} - \pi_{t+1+j}) + \varepsilon_t$$

Note: no role for the term premium in this model

Instead, practitioners' model may be more informal:

- IS-LM intuition
- Partial equilibrium analysis

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
	-		

In general equilibrium, implications of change in term premium are not clear:

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions

In general equilibrium, implications of change in term premium are not clear:

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 </p

• Why did the term premium change?

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
0000000			

In general equilibrium, implications of change in term premium are not clear:

- Why did the term premium change?
- Different structural shocks might have different implications for the economy

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 </p

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
0000000			

In general equilibrium, implications of change in term premium are not clear:

- Why did the term premium change?
- Different structural shocks might have different implications for the economy

Term premium might be partly a "wedge"

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
0000000			

In general equilibrium, implications of change in term premium are not clear:

- Why did the term premium change?
- Different structural shocks might have different implications for the economy
- Term premium might be partly a "wedge"
- Term premium might be related to potential output rather than output gap

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Structural Analysis



Structural Analysis

- Review Asset Pricing
- Define Benchmark New Keynesian Model
- Graph Impulse Responses

Background/N	lotivation

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

<□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Asset Pricing

Background/Motivation	Structural Analysis ●○○○○○○	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Asset Pricing			

 $p_t = d_t + E_t[m_{t+1}p_{t+1}]$



Background/Motivation	Structural Analysis ●○○○○○○	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Asset Pricing			

$$p_t = d_t + E_t[m_{t+1}p_{t+1}]$$

Zero-coupon bond pricing:

$$p_t^{(n)} = E_t[m_{t+1}p_{t+1}^{(n-1)}]$$

<□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Background/Motivation	Structural Analysis ●○○○○○○	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Asset Pricing			

$$p_t = d_t + E_t[m_{t+1}p_{t+1}]$$

Zero-coupon bond pricing:

$$p_t^{(n)} = E_t[m_{t+1}p_{t+1}^{(n-1)}]$$

$$i_t^{(n)} = -\frac{1}{n} \log p_t^{(n)}$$

◆□ > ◆□ > ◆豆 > ◆豆 > 三日 のへぐ

Background/Motivation	Structural Analysis ●○○○○○○	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Asset Pricing			

$$p_t = d_t + E_t[m_{t+1}p_{t+1}]$$

Zero-coupon bond pricing:

$$p_t^{(n)} = E_t[m_{t+1}p_{t+1}^{(n-1)}]$$

$$i_t^{(n)} = -\frac{1}{n} \log p_t^{(n)}$$

◆□ > ◆□ > ◆豆 > ◆豆 > 三日 のへぐ

Notation: let $i_t \equiv i_t^{(1)}$

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions

			ما م بدما)
Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions

Representative household with preferences:

$$\max E_t \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \left(\frac{(c_t - bC_{t-1})^{1-\gamma}}{1-\gamma} - \chi_0 \frac{l_t^{1+\chi}}{1+\chi} \right)$$

<□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Benchmark New	<i>i</i> Keynesian M	odel (Very Stan	dard)

Representative household with preferences:

$$\max E_t \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \left(\frac{(c_t - bC_{t-1})^{1-\gamma}}{1-\gamma} - \chi_0 \frac{l_t^{1+\chi}}{1+\chi} \right)$$

Stochastic discount factor:

$$m_{t+1} = \frac{\beta (C_{t+1} - bC_t)^{-\gamma}}{(C_t - bC_{t-1})^{-\gamma}} \frac{P_t}{P_{t+1}}$$

◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶

Description			-L IV
Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions

Representative household with preferences:

$$\max E_t \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \left(\frac{(c_t - bC_{t-1})^{1-\gamma}}{1-\gamma} - \chi_0 \frac{l_t^{1+\chi}}{1+\chi} \right)$$

Stochastic discount factor:

$$m_{t+1} = \frac{\beta (C_{t+1} - bC_t)^{-\gamma}}{(C_t - bC_{t-1})^{-\gamma}} \frac{P_t}{P_{t+1}}$$

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 </p

Parameters: $\beta = .99$, b = .66, $\gamma = 2$, $\chi = 1.5$

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions

Continuum of differentiated firms:

- face Dixit-Stiglitz demand with elasticity $\frac{1+\theta}{\theta}$, markup θ
- set prices in Calvo contracts with avg. duration 4 quarters

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

- identical production functions $y_t = A_t \bar{k}^{1-\alpha} I_t^{\alpha}$
- have firm-specific capital stocks
- face aggregate technology $A_t = \rho_A A_{t-1} + \varepsilon_t^A$

Parameters $\theta = .2$, $\rho_A = .9$, $\sigma_A^2 = .01^2$

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
	000000		

Government:

- imposes lump-sum taxes G_t on households
- destroys the resources it collects

•
$$G_t = \rho_G G_{t-1} + \varepsilon_t^G$$

Parameters
$$\rho_G = .9$$
, $\sigma_G^2 = .004^2$

Monetary Authority:

$$i_t = \rho_i i_{t-1} + (1 - \rho_i) [i^* + g_y(y_t - y_{t-1}) + g_\pi \pi_t] + \varepsilon_t^i$$

Parameters $\rho_i = .7, g_y = 0.5, g_{\pi} = 2, \sigma_i^2 = .004^2$

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

0000000 0 0000 000 00	Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
		0000000		

In DSGE framework, convenient to work with a default-free *consol*, a perpetuity that pays \$1 (nominal) every period

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ ■□ のQ@

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
	0000000		

In DSGE framework, convenient to work with a default-free *consol*, a perpetuity that pays \$1 (nominal) every period

Price of the consol:

$$p_t^{(\infty)} = 1 + E_t m_{t+1} p_{t+1}^{(\infty)}$$

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ 三回日 のQ@

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
	0000000		

In DSGE framework, convenient to work with a default-free *consol*, a perpetuity that pays \$1 (nominal) every period

Price of the consol:

$$p_t^{(\infty)} = 1 + E_t m_{t+1} p_{t+1}^{(\infty)}$$

Risk-neutral consol price:

$$p_t^{(\infty)rn} = 1 + e^{-i_t} E_t p_{t+1}^{(\infty)rn}$$

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions
	0000000		

In DSGE framework, convenient to work with a default-free *consol*, a perpetuity that pays \$1 (nominal) every period

Price of the consol:

$$p_t^{(\infty)} = 1 + E_t m_{t+1} p_{t+1}^{(\infty)}$$

Risk-neutral consol price:

$$oldsymbol{p}_t^{(\infty) r n} = 1 + oldsymbol{e}^{-i_t} oldsymbol{E}_t oldsymbol{p}_{t+1}^{(\infty) r n}$$

Term premium:

$$\log\left(\frac{p_t^{(\infty)}}{p_t^{(\infty)}-1}\right) - \log\left(\frac{p_t^{(\infty)rn}}{p_t^{(\infty)rn}-1}\right)$$

< □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □

Background/Motivation	Structural Analysis ○○○○○●○	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Solving the Mod	lel		

Background/Motivation	Structural Analysis ○○○○○●○	Reduced-Form Analysis	Conclusions
Solving the Mod	el		

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 </p

Value function iteration strategies are intractable

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Solving the Model			

Value function iteration strategies are intractable

We solve the model by approximation around the nonstochastic steady state (perturbation methods)

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 </p

Background/Motivation	Structural Analysis ○○○○○●○	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Solving the Model			

Value function iteration strategies are intractable

We solve the model by approximation around the nonstochastic steady state (perturbation methods)

• In a first-order approximation, term premium is zero

Background/Motivation	Structural Analysis ○○○○○●○	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Solving the Mod	lel		

Value function iteration strategies are intractable

We solve the model by approximation around the nonstochastic steady state (perturbation methods)

- In a first-order approximation, term premium is zero
- In a second-order approximation, term premium is a constant (sum of variances)

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

Background/Motivation	Structural Analysis ○○○○○●○	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Solving the Model			

Value function iteration strategies are intractable

We solve the model by approximation around the nonstochastic steady state (perturbation methods)

- In a first-order approximation, term premium is zero
- In a second-order approximation, term premium is a constant (sum of variances)
- So we compute a *third*-order approximation of the solution around nonstochastic steady state

Background/Motivation	Structural Analysis ○○○○○●○	Reduced-Form Analysis	Conclusions 00
Solving the Model			

Value function iteration strategies are intractable

We solve the model by approximation around the nonstochastic steady state (perturbation methods)

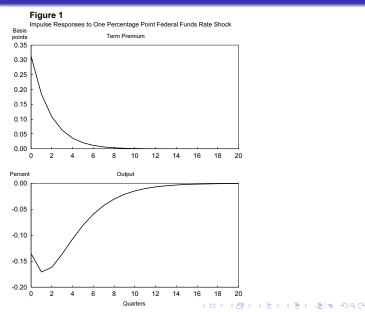
- In a first-order approximation, term premium is zero
- In a second-order approximation, term premium is a constant (sum of variances)
- So we compute a *third*-order approximation of the solution around nonstochastic steady state
- perturbationAIM algorithm in Swanson, Anderson, Levin (2006) quickly computes *n*th order approximations

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Impulse Responses

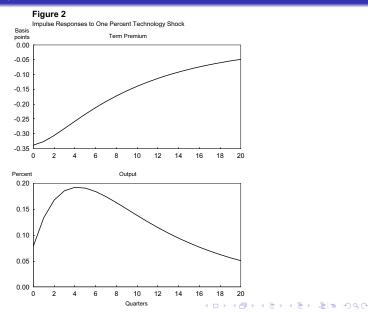


Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Impulse Responses



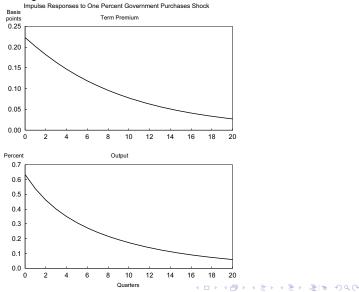
Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Impulse Responses

Figure 3



Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

Reduced-Form Analysis

3 Reduced-Form Analysis

- The Yield Curve Slope and Forecasting GDP
- Importance of Term Premium for Forecasting GDP

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

The Yield Curve Slope and Forecasting GDP

A large literature uses slope of yield curve to forecast GDP:

$$(\mathbf{y}_{t+4} - \mathbf{y}_t) = \beta_0 + \beta_1(\mathbf{y}_t - \mathbf{y}_{t-4}) + \beta_2(\mathbf{i}_t^{(n)} - \mathbf{i}_t) + \varepsilon_t$$



Structural Analysis

Reduced-Form Analysis

Conclusions

The Yield Curve Slope and Forecasting GDP

A large literature uses slope of yield curve to forecast GDP:

$$(y_{t+4} - y_t) = \beta_0 + \beta_1(y_t - y_{t-4}) + \beta_2(i_t^{(n)} - i_t) + \varepsilon_t$$

Note: This is a reduced-form forecasting equation, no structure

Background/Motivation	

Reduced-Form Analysis

Conclusions

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 (日)

 (日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)
 </p

The Yield Curve Slope and Forecasting GDP

A large literature uses slope of yield curve to forecast GDP:

$$(y_{t+4} - y_t) = \beta_0 + \beta_1(y_t - y_{t-4}) + \beta_2(i_t^{(n)} - i_t) + \varepsilon_t$$

Note: This is a reduced-form forecasting equation, no structure

Motivation: $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , so $i_t^{(n)} - i_t$ proxies for stance of monetary policy

Background/Motivation	

Reduced-Form Analysis

Conclusions

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

The Yield Curve Slope and Forecasting GDP

A large literature uses slope of yield curve to forecast GDP:

$$(y_{t+4} - y_t) = \beta_0 + \beta_1(y_t - y_{t-4}) + \beta_2(i_t^{(n)} - i_t) + \varepsilon_t$$

Note: This is a reduced-form forecasting equation, no structure

Motivation: $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , so $i_t^{(n)} - i_t$ proxies for stance of monetary policy

Estimates in literature consistently find $\beta_2 > 0$, highly significant

Background/Motivation	

Reduced-Form Analysis ○●○ Conclusions

The Term Premium and Forecasting GDP

If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:

Background/Motivation	

Reduced-Form Analysis

Conclusions

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

The Term Premium and Forecasting GDP

- If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:
 - expectations component of $i_t^{(n)}$ should be better measure of i^*

Background/	Motivation

Reduced-Form Analysis

Conclusions

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

The Term Premium and Forecasting GDP

- If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:
 - expectations component of $i_t^{(n)}$ should be better measure of i^*
 - term premium itself might have predictive power for GDP

Background/Motivation	

Reduced-Form Analysis

Conclusions

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

The Term Premium and Forecasting GDP

- If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:
 - expectations component of $i_t^{(n)}$ should be better measure of i^*
 - term premium itself might have predictive power for GDP

Separate yield curve slope $i_t^{(n)} - i_t$ into:

Background/Motivation	

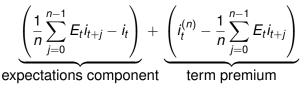
Reduced-Form Analysis

Conclusions

The Term Premium and Forecasting GDP

- If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:
 - expectations component of $i_t^{(n)}$ should be better measure of i^*
 - term premium itself might have predictive power for GDP

Separate yield curve slope $i_t^{(n)} - i_t$ into:



Background/Motivation	

Reduced-Form Analysis

Conclusions

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

The Term Premium and Forecasting GDP

- If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:
 - expectations component of $i_t^{(n)}$ should be better measure of i^*
 - term premium itself might have predictive power for GDP

Separate yield curve slope $i_t^{(n)} - i_t$ into:

$$\underbrace{\left(\frac{1}{n}\sum_{j=0}^{n-1}E_ti_{t+j}-i_t\right)}_{exsp_t} + \underbrace{\left(i_t^{(n)}-\frac{1}{n}\sum_{j=0}^{n-1}E_ti_{t+j}\right)}_{tp_t}$$

Background/Motivation	

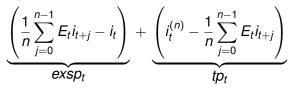
Reduced-Form Analysis

Conclusions

The Term Premium and Forecasting GDP

- If $i_t^{(n)}$ proxies for i^* , then:
 - expectations component of $i_t^{(n)}$ should be better measure of i^*
 - term premium itself might have predictive power for GDP

Separate yield curve slope $i_t^{(n)} - i_t$ into:



Generalize basic GDP forecasting equation to:

$$(y_{t+4} - y_t) = \beta_0 + \beta_1(y_t - y_{t-4}) + \beta_2 \exp_t + \beta_3 tp_t + \varepsilon_t$$

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis ○○● Conclusions

GDP Forecasting Results

Table 2 Prediction Equations for GDP Growth dependent variable: $y_{t+4} - y_t$

	1962–2005 Sample		
	(3)	(4)	
$y_t - y_{t-4}$	0.32 (3.04)	0.38 (4.22)	
exsp _t	1.03 (5.64)		
exsp _{t-4}	-0.79 (-3.49)		
tp _t	-0.61 (-1.34)		
tp_{t-4}	0.54 (1.24)		
$exsp_t - exsp_{t-4}$		0.96 (5.62)	
$tp_t - tp_{t-4}$		-0.77 (-1.95)	

うせん 判所 スポットポット 白マ

Structural Analysis

Reduced-Form Analysis ○○● Conclusions

GDP Forecasting Results

Table 2 Prediction Equations for GDP Growth dependent variable: $y_{t+4} - y_t$

	1962–2005 Sample		
	(3)	(4)	
$y_t - y_{t-4}$	0.32 (3.04)	0.38 (4.22)	
exsp _t	1.03 (5.64)		
exsp _{t-4}	-0.79 (-3.49)		
tp _t	-0.61 (-1.34)		
tp_{t-4}	0.54 (1.24)		
$exsp_t - exsp_{t-4}$		0.96 (5.62)	
$tp_t - tp_{t-4}$		-0.77 (-1.95)	

we strongly reject hypothesis that coefficients on $exsp_t$, tp_t are equal

Background/Motivatior

Reduced-Form Analysis

Conclusions

<□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Conclusions

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy



Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ••
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ 三回日 のQ@

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks
 - in this respect, the Practitioner View of declines in the term premium is simplistic, incorrect

◆□▶ ◆□▶ ▲□▶ ▲□▶ □□ のQ@

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks
 - in this respect, the Practitioner View of declines in the term premium is simplistic, incorrect

Reduced-form evidence strongly suggests that policymakers should take term premium into account when forecasting

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks
 - in this respect, the Practitioner View of declines in the term premium is simplistic, incorrect
- Reduced-form evidence strongly suggests that policymakers should take term premium into account when forecasting
 - strongly rejected hypothesis that coefficients on *exsp_t*, *tp_t* were equal in forecasting regression

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks
 - in this respect, the Practitioner View of declines in the term premium is simplistic, incorrect
- Reduced-form evidence strongly suggests that policymakers should take term premium into account when forecasting
 - strongly rejected hypothesis that coefficients on *exsp_t*, *tp_t* were equal in forecasting regression
- Oeclines in the term premium have typically been followed by economic expansion

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks
 - in this respect, the Practitioner View of declines in the term premium is simplistic, incorrect
- Reduced-form evidence strongly suggests that policymakers should take term premium into account when forecasting
 - strongly rejected hypothesis that coefficients on *exsp_t*, *tp_t* were equal in forecasting regression
- Oeclines in the term premium have typically been followed by economic expansion
 - true in both the post-1960 and post-1985 periods

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ●○
Conclusions			

- There is no structural, causal relationship running from the term premium to the economy
 - correlation is different for different structural shocks
 - in this respect, the Practitioner View of declines in the term premium is simplistic, incorrect
- Reduced-form evidence strongly suggests that policymakers should take term premium into account when forecasting
 - strongly rejected hypothesis that coefficients on *exsp_t*, *tp_t* were equal in forecasting regression
- Oeclines in the term premium have typically been followed by economic expansion
 - true in both the post-1960 and post-1985 periods
 - in this reduced-form sense, the Practitioner View of declines in the term premium may have some merit

Background/Motivation	Structural Analysis	Reduced-Form Analysis	Conclusions ○●
Web Site			

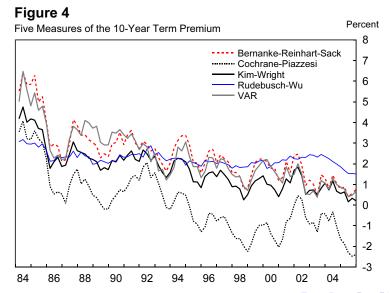
For additional information:

- a copy of these slides
- a copy of the paper
- related papers
- computer code
- etc.

visit http://www.ericswanson.pro

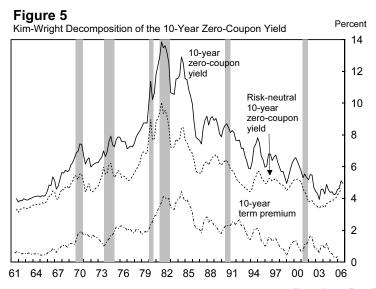


Five Measures of the Term Premium



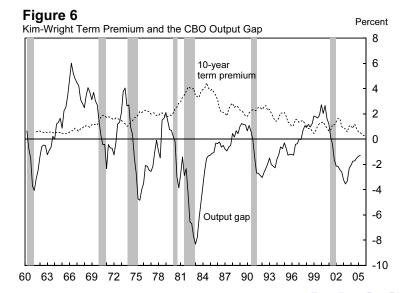
□ ▶ < @ ▶ < 별 ▶ < 별 ▶ 될 말 </p>

Kim-Wright Term Premium



きょう しょう ストット きょう ショー

Kim-Wright Term Premium and Output Gap



◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆□▶ ◆□▶

Cochrane-Piazzesi Term Premium Measure

Figure 1 Term Premium for Ten-Year Treasury Security Implied by Cochrane-Piazzesi Results



'돌▶ 토|= **'**Q@

Cochrane-Piazzesi Term Premium Measure

Figure 2 Comparison of Term Premium and One-Year Expected Excess Returns for Ten-Year Treasury Security

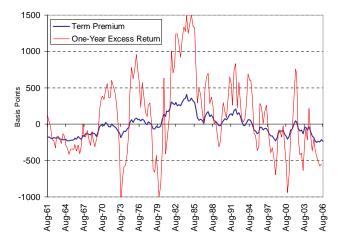


Table 1

Correlations between Five Measures of the Term Premium

	BRS	RW	KW	CP	VAR
BRS					
RW	0.76				
KW	0.98	0.81	1.00		
CP	0.92	0.87	1.00 0.96	1.00	
VAR	0.96	0.68	0.94	0.88	1.00

◆□ > ◆□ > ◆豆 > ◆豆 > 三日 のへぐ